ある速度 v で走行していた乗用車が障害物に衝突したとする。

- 1. シートベルトを着けていない人がフロントガラスに頭をぶつけて、短い時間  $\Delta t$  で止 まった。頭の質量をm、頭とフロントガラスの接触面積をAとする。運動量変化が、 その間に働いた力の力積に等しいことを用いて、この短時間に働いた平均の力 $ar{F}$ と 単位面積あたりに働く力を求めよ。
- 2. 具体的に、m=5kg, v=36km/h,  $\Delta t=0.02$ s,  $A=6\times 10^{-4}$ m<sup>2</sup> として、平均の力  $\bar{F}$ と単位面積あたりに働く力を計算せよ。
- 3. 同じ速度で走行していた車の中で、シートベルトを着けていた体重 70kg の人は 0.5s かかって止まり、シートベルトの接触面積を 0.1m<sup>2</sup> として、平均の力と単位面積に作 用する力を計算せよ。

## (解答例)

1. ある時刻における物体の速度を v, 力の F の場合の運動方程式は mdv/dt=F の両辺 を時間について、 $t_1$ から  $t_2$ まで積分することにより

$$m \int_{t_1}^{t_2} \frac{dv}{dt} dt = \int_{t_1}^{t_2} F dt, \tag{1}$$

$$\to mv_2 - mv_1 = \int_{t_1}^{t_2} F dt. \ (v_1 \equiv v(t_1), v_2 \equiv v(t_2))$$
 (2)

題意より、 $v_1=v,v_2=0,$  および力は短時間 (  $t_2-t_1=\Delta t$  ) のみ ( 初めの速度と逆向 きに)一定の力が働くと考えて

$$mv \approx \bar{F}\Delta t \to \bar{F} \approx \frac{mv}{\Delta t}$$
 (3)

となる。したがって、単位面積あたりの力は

$$\frac{\bar{F}}{A} \approx \frac{mv}{A \cdot \Delta t} \tag{4}$$

2. 単位を SI 単位に変えた速度の値  $v=36 \mathrm{km/h}=10 \mathrm{m/s}$  を用いて

$$\bar{F} \approx \frac{5 \text{kg} \times 10 \text{m/s}}{0.02 \text{s}} = 2500 \text{N},$$
 (5)

$$\bar{F} \approx \frac{5\text{kg} \times 10\text{m/s}}{0.02\text{s}} = 2500\text{N},$$
 (5)  
 $\frac{\bar{F}}{A} \approx \frac{2500\text{N}}{6 \times 10^{-4}\text{m}^2} = 4.16 \times 10^6 \text{N} \cdot \text{m}^{-2}$  (6)

となる。(単位面積あたりに働く力は非常に大きいので、ひどい負傷の原因となる!)

3. 前問と同様にして

$$\bar{F} \approx \frac{70 \text{kg} \times 10 \text{m/s}}{0.5 \text{s}} = 1400 \text{N},$$
 (7)

$$\frac{\bar{F}}{A} \approx \frac{1400\text{N}}{0.1\text{m}^2} = 1.4 \times 10^4 \text{N} \cdot \text{m}^{-2}$$
 (8)

となる。(シートベルトをしていない人に比べて、単位面積あたりに働く力は約300分 の1になるので、ひどい負傷をする確率は非常に小さくなる!)