## Nuclearfission2-qa040218a

ウラン 235 原子核 <sup>235</sup> U に熱中性子が吸収されて次の核分裂が起きたとする。

$$^{235}_{92}$$
U+n  $\rightarrow ^{143}_{54}$ Xe+ $^{91}_{38}$ Sr+2n

中性子の質量、およびそれぞれの原子核を持つ中性原子の質量を

$$M_n = 1.0087$$
amu ,  $M({}^{235}_{92}\text{U}) = 235.0439$ amu ,  $M({}^{143}_{54}\text{Xe}) = 142.9273$  amu

$$M({}_{38}^{91}\text{Sr}) = 90.9102 \text{ amu}$$

とし、統一原子質量単位に相当するエネルギーを $1amu \cdot c^2 = 931.5 MeV$  する。

- (1) このとき放出されるエネルギーは約 MeV か計算せよ。
- (2) このとき、入射する中性子とウラン 235 核をあわせた質量の何%がエネルギーに転換されることになるか。

## [解答例]

(1)この核分裂の際の質量欠損を $\Delta M$ とすると、放出されるエネルギー $\Delta E$ は

$$\begin{split} \Delta E &= \Delta M \cdot c^2 \\ &= [M_n + M({}^{235}_{92}\text{U}) - M({}^{143}_{54}\text{Xe}) - M({}^{91}_{38}\text{Sr}) - 2 \times M_n] \cdot c^2 \\ &= [1.0087 + 235.0439 - 142.9273 - 90.9102 - 2 \times 1.0087] \text{amu} \cdot c^2 \\ &= 0.1977 \text{ amu} \cdot c^2 \\ &= 184 \text{ MeV} \end{split}$$

となる。

(2)質量欠損は

$$\Delta M = [M_n + M({}^{235}_{92}\text{U}) - M({}^{143}_{54}\text{Xe}) - M({}^{91}_{38}\text{Sr}) - 2 \times M_n]$$

$$= [1.0087 + 235.0439 - 142.9273 - 90.9102 - 2 \times 1.0087] \text{amu}$$

$$= 0.1977 \text{ amu}$$

となるので、質量欠損率は

$$\frac{\Delta M}{M_n + M({}_{92}^{235}\text{U})} \times 100 \approx \frac{0.1977 \text{amu}}{[1.0087 + 235.0439] \text{amu}} \times 100$$
$$= 0.083 \% (\equiv \frac{1}{1200})$$

となる。