

# 熱力学第一法則とその応用

熱力学第一法則とその意味

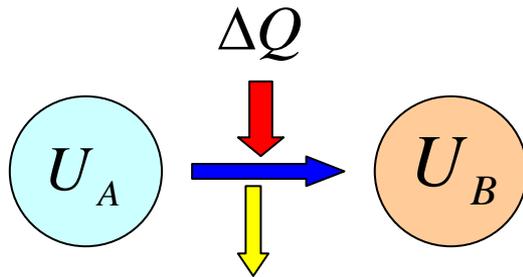
熱力学的変化(過程)における仕事の計算法

いろいろな熱力学的変化

理想気体の比熱と重要な関係式

理想気体の断熱変化と重要な関係式

# 熱力学第一法則とその意味



$$\Delta U = \Delta Q - \Delta W$$

または  $\Delta Q = \Delta U + \Delta W$

無限小の変化について

(微分形で表すと)

$$dU = dQ - dW, \quad dQ = dU + dW$$

$$\Delta U \equiv U_B - U_A$$

熱力学的変化の際、  
系の内部エネルギー変化  $\Delta U$   
系が外界から吸収する熱  $\Delta Q$   
系が外界に行う仕事  $\Delta W$

熱と仕事を含む一般化されたエネルギー保存則  
ジュール(1843年)、マイヤー(1842年)、  
ヘルムホルツ(1847年)

注意！！

系が外界に放出する熱エネルギーを  $\Delta Q'$   
外界が系にする仕事を  $\Delta W'$  とすると

$$\Delta Q' = -\Delta Q \quad \Delta W' = -\Delta W$$

興味深い点:  $U$  は状態ごとに定まるが、 $Q$  と  $W$  のそれぞれは状態変化の経路にも依存する。しかし、 $Q$  の変化と  $W$  の変化の差は状態量  $U$  の変化と等しい。

熱力学的変化が起こる際には、必ず満たされる条件(必要条件)

## 参考：有効仕事と有効エネルギー

熱力学第一法則を $dU=dQ-dW(=dQ-pdV)$ と表す場合には、系に作用している力は、均一な垂直圧力だけである、と仮定している。この仮定は普通のピストン系、反応系を扱う場合、満たされていると考えてよい。しかし、圧力以外の力〔作用〕が関与する場合があります。すなわち膨張または収縮の仕事以外の仕事を有効仕事 (effective work)  $W_{\text{eff}}$  といい、その変化を  $\Delta w_{\text{eff}}$  と書けば、熱力学第一法則は以下のように書ける。詳しくは、[向井](p.84,86) 参照。

$$\Delta U = \Delta Q - \Delta W - \Delta W_{\text{eff}}$$

例えば、表面張力  $\sigma$  で系の面積変化が  $\Delta A$ 、電位差  $E$  の系の電荷変化が  $\Delta q_c$  であれば、 $\Delta W_{\text{eff}} = -\sigma\Delta A - E\Delta q_c$

注意：混同しやすい概念として、有効エネルギー (available energy) またはエクセルギー (exergy) がある。ある環境の中に、環境と異なる温度、圧力を持つ系があるとき、その環境と同じ温度・圧力になるまでに取り出せる最大の仕事を有効エネルギーという。(押田勇雄「エクセルギー」、講談社ブルーバックス、pp.46-47)。または高温部 (温度  $T_H$ ) から熱  $Q$  だけ吸収し、外気温度  $T_0$  の場合、有効エネルギー  $= Q[1 - (T_0/T_H)]$ 。(槌田敦「資源物理学入門」、NHKブックス、p.22)

# 熱力学的過程における力学的仕事の計算

熱力学的変化の種類: 等温変化、等積変化、断熱変化、自由膨張(断熱膨張)

系(気体)が外界にする力学的仕事

(1) 微小体積変化  $\Delta V$  に対する微小仕事

(2) 有限の体積変化の場合, 系がする仕事

$$\Delta V = S \cdot \Delta x$$

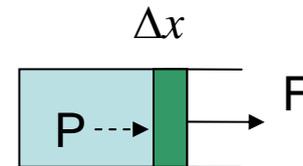
$$F = PS$$

$$\rightarrow \Delta W = F \Delta x = PS \cdot \Delta x$$

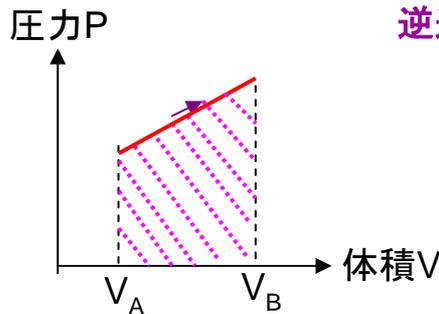
S: ピストンの断面積

$$\therefore \Delta W = P \Delta V$$

(無限小の変化の場合  $dW = PdV$ )

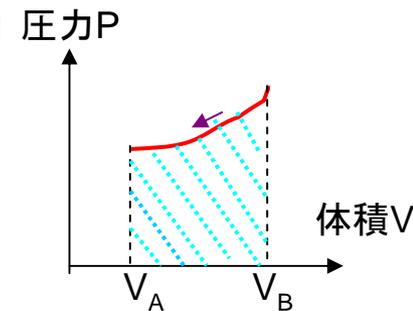


$$W_{AB} = \int_{V_A}^{V_B} PdV$$



逆過程; 仕事の符号が逆になる!

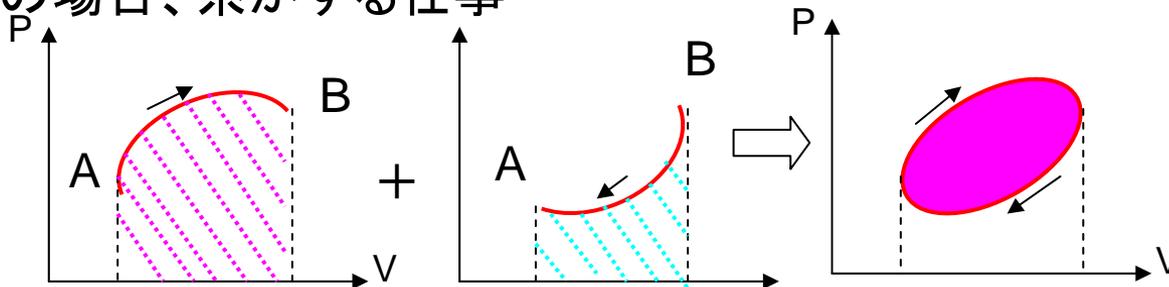
$$W_{BA} = \int_{V_B}^{V_A} PdV = - \int_{V_A}^{V_B} PdV = -W_{AB}$$



(3) 循環過程(1サイクル)の場合、系がする仕事

$$W_{ABA} = \oint_{ABA} PdV$$

閉じた線積分!



## いろいろな熱力学的変化

(1) 等温変化:  $\Delta T=0$  [ $dT=0$ ]

理想気体の場合;  $U=U(T) \rightarrow \Delta U=0$

(2) 定圧変化:  $\Delta P=0$  [ $dP=0$ ]

(3) 定積変化:  $\Delta V=0$  [ $dV=0$ ]

熱力学第一法則  $\rightarrow \Delta U=\Delta Q$  [ $dU=dQ$ ]

(4) 断熱変化:  $\Delta Q=0$  [ $dQ=0$ ]

熱力学第一法則  $\rightarrow \Delta U=-\Delta W$  [ $dU=-dW$ ]

(5) 自由膨張: 断熱的条件下の膨張

$$\Delta Q=0 \quad [dQ=0]$$

$$\Delta W=0 \quad [dW=0]$$

$$\text{熱力学第一法則} \rightarrow \Delta U=0 \rightarrow \Delta T=0$$

# 理想気体の比熱とマイヤーの関係式

定圧モル比熱  $C_p$  定積モル比熱  $C_v$   $C_v \equiv \left( \frac{\partial Q}{\partial T} \right)_v$ ,  $C_p \equiv \left( \frac{\partial Q}{\partial T} \right)_p$

マイヤーの関係式 (Mayer's relation)  $C_p - C_v = R$

(理想気体の定義式のひとつ)

比熱比  $\gamma \equiv \frac{C_p}{C_v} > 1$

証明

$$C_v \equiv \left( \frac{\partial Q}{\partial T} \right)_v = \frac{dU}{dT} \quad (\because \text{第一法則 (定積変化)} \quad dU = dQ)$$

$$\begin{aligned} C_p \equiv \left( \frac{\partial Q}{\partial T} \right)_p &= (\because \text{第一法則 : } dU = dQ - pdV, pdV = RdT \text{ (状態方程式における定圧変化)}) \\ &= C_v + R \end{aligned}$$

# 理想気体の断熱変化と重要な関係式

$$PV^\gamma = \text{constant}$$

$$TV^{\gamma-1} = \text{constant}'$$

ポアソンの公式

状態変化の際

$$(P_1, V_1, T_1) \longrightarrow (P_2, V_2, T_2)$$

次の関係式が成立する

$$P_1 V_1^\gamma = P_2 V_2^\gamma$$

$$T_1 V_1^{\gamma-1} = T_2 V_2^{\gamma-1}$$

$$P_1^{1-\gamma} T_1^\gamma = P_2^{1-\gamma} T_2^\gamma$$

$$\left(\frac{V_2}{V_1}\right)^{\gamma-1} = \left(\frac{T_1}{T_2}\right)$$

圧縮 ( $V_1 > V_2$ ) すると温度上昇 ( $T_1 < T_2$ )

膨張 ( $V_1 < V_2$ ) すると温度低下 ( $T_1 > T_2$ )

空気入れの際の発熱

山間地における降雪、

宇宙膨張による温度低下

$$PV = RT$$

$$P^{1-\gamma} T^\gamma = \text{constant}''$$

## 参考文献

- [1]山本義隆、「新・物理入門(増補改訂版)」、駿台文庫、2004年。
- [2]押田、藤城「熱力学」、裳華房、1980年。
- [3]清水 明「熱力学の基礎」、東京大学出版会、2007年。
- [4]田崎晴明「熱力学－現代的な視点から」、培風館
- [5]向井楠宏「化学熱力学の使い方」、共立出版社、1992年。  
有効仕事について、p.84,86.