電気冷蔵庫の原理を熱力学の法則にもとづいて考える。次の問いに答えよ。

- 1. 絶対温度 $T_{\rm C}$ の庫内から熱エネルギー $Q_{\rm C}$ が奪われ、絶対温度 $T_{\rm H}$ の外界(庫外)に熱エネルギー $Q_{\rm H}$ が放出されるとする。モーターが行う仕事を W とする。冷蔵庫において行われる熱的過程は理論的にはカルノーサイクルの逆過程であると考えると、その効率 η はどのように表されるか。
- 2. 前問の条件の場合、熱力学第一法則はどのように表されるか。
- 3. モーターが行う仕事Wを $Q_{\mathrm{C}},T_{\mathrm{C}},T_{\mathrm{H}}$ で表す式を求めよ
- 4. ある0 度 C の冷蔵庫に氷 4kg を入れて、室温を27 にして電力をきったら、6 時間で氷が全部融けたとする。外部から冷蔵庫内に入る熱は1 秒あたり、何 cal か。ただし、氷 1g の融解熱は79.8cal/g であるとする。
- 5. この冷蔵庫内の温度を 0 に保つためには、最小限何 watt (ワット) の電力が必要であるか計算せよ。ただし、1cal = 4.18 joule とする。

[解答例]

1. 題意より、系が行う仕事は -W となり、系が外界から吸収する熱量は $-Q_{
m H}$ となるから、効率 η は

$$\eta = \frac{-W}{-Q_{\rm H}} = \frac{W}{Q_{\rm H}} \tag{1}$$

となる。

2. 1 サイクルにおいて、系が行う仕事は -W であり、外界から吸収する熱量は $(Q_{\rm C}-Q_{\rm H})$ である。熱力学第一法則より

$$0 = (Q_{\rm C} - Q_{\rm H}) - (-W)$$

$$\to Q_{\rm H} = Q_{\rm C} + W$$
(2)

3. 前問の結果を用いると

$$\frac{W}{Q_{\rm H}} = \frac{T_{\rm H} - T_{\rm C}}{T_{\rm H}} \to W = \frac{T_{\rm H} - T_{\rm C}}{T_{\rm H}} (Q_{\rm C} + W)$$

$$\to W = \left(\frac{T_{\rm H} - T_{\rm C}}{T_{\rm C}}\right) Q_{\rm C} \tag{3}$$

4. 題意より

(氷 1g の融解熱)
$$\approx 79.7 \text{cal/g}$$

 $\rightarrow (4 \text{kg} \, \mathbf{O}$ 融解熱) $\approx 79.7 \text{cal} \cdot \text{g}^{-1} \times 4 \times 10^3 \text{g}$
 $= 3.19 \times 10^5 \text{cal}.$ (4)

1秒間に庫内に入る熱量 dQ/dt は

$$\frac{dQ}{dt} \approx \frac{3.19 \times 10^{5} \text{cal}}{6 \times 3600 \text{sec}}$$

$$\approx 14.8 \text{cal/sec}.$$
(5)

5. 庫内を 0 に保つためには、庫内に入ってくる熱量 Q を、冷却機を運転することにより、庫外に捨てる必要がある。前問題まで得られた仕事と熱エネルギーの関係式を単位時間あたりに変換して、題意より $Q_{\mathbb{C}}=Q$ であることを用いると、

$$\frac{dW}{dt} = \frac{dQ_{\rm C}}{dt} \left(\frac{T_{\rm H}}{T_{\rm C}} - 1\right) = 14.8 \times 4.18 \frac{\text{joule}}{\text{sec}} \times \frac{27 \text{K}}{273 \text{K}}$$

$$\rightarrow \frac{dW}{dt} = 6.11 (\text{joule/sec}). \tag{6}$$

すなわち、6.11 watt(W) 以上が必要である。(実はこれ以上の電力を消費している。)